

Méthode de résolution de l'équation $f(x) = 0$ par dichotomie.

On choisit une fonction f continue, strictement monotone sur $[a ; b]$ telles que $f(a)$ et $f(b)$ sont de signes contraires.

Le principe de la dichotomie est de déterminer successivement l'intervalle dans lequel se situe la solution, en divisant par 2 l'amplitude de l'intervalle à chaque étape.

On calcule le centre m de l'intervalle et on teste si la solution se trouve dans $[a ; m]$ ou dans $[m ; b]$.

Si la solution est dans l'intervalle $[a ; m]$, on remplace b par m .

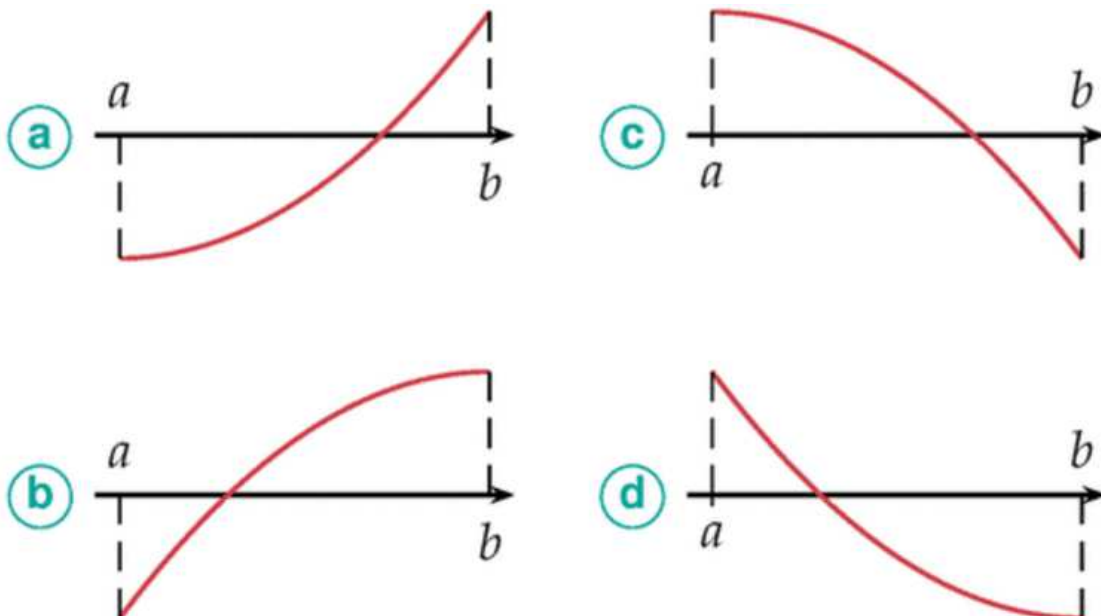
Si la solution est dans l'intervalle $[m ; b]$, on remplace a par m .

Ecrire un programme en langage courant, qui recherche une racine de la manière suivante :

tant $b - a \geq e$, le programme calcule les images de a et $m = \frac{a+b}{2}$ par f

puis remplace a ou b par m selon que le signe du produit $f(a) \times f(m)$ est positif ou non. À la fin, le programme affiche a et b .

```
saisir a, b et e
Tant que  $b - a \geq e$ 
  m prend la valeur  $\frac{a+b}{2}$ 
  Si ...
  alors b prend la valeur m
  sinon a prend la valeur m
FinSi
afficher a, b
```



Application : Déterminer un encadrement à 10^{-5} du nombre d'or φ (phi) solution positive de l'équation : (E) : $x^2 - x - 1 = 0$