

Ex1.

On considère la suite (u_n) définie pour tout entier naturel n par $u_n = 3n^2 + 1$.

1. Calculer les trois premiers termes de la suite (u_n) (u_0 , u_1 et u_2)

$$u_0 = 3 \times 0^2 + 1 = 1$$

$$u_1 = 3 \times 1^2 + 1 = 4$$

$$u_2 = 3 \times 2^2 + 1 = 13$$

3. Calculer u_{10} .

$$u_{10} = 3 \times 10^2 + 1 = 301$$

4. Déterminer à partir de quel rang n_0 , on a $u_n > 750\,001$

$$n_0 = 501$$

500	750001
-----	--------

501	753004
-----	--------

Ex2. On considère la suite (v_n) définie par : $\begin{cases} v_0 = 1 \\ v_{n+1} = 2v_n + 3 \end{cases}$

1. Calculer les termes v_1 , v_2 , v_3 en détaillant.

$$v_1 = 2 \times v_0 + 3 = 2 \times 1 + 3 = 5$$

$$v_2 = 2v_1 + 3 = 2 \times 5 + 3 = 13$$

$$v_3 = 2 \times 13 + 3 = 29$$

2. Compléter l'algorithme, qui après saisie de n , renvoie en sortie, la valeur de u_n .

```

v ← 1
saisir n
Pour k allant de 1 à n
    v ← 2 × v + 3
FinPour
Afficher v
  
```

3. À l'aide de la calculatrice, déterminer le rang n à partir duquel on a $v_n > 1000$.

à partir de $n=8$

7	509
---	-----

8	1021
---	------

4. Compléter l'algorithme pour qu'il renvoie l'entier n recherché de la question précédente

```

a ← 1
n ← 0
Tant que a ≤ 1000 ...
    n ← n + 1...
    a ← 2 × a + 3
FinTant
Afficher n
  
```

Ex3. On considère la suite arithmétique (w_n) définie par $\begin{cases} w_0 = 4 \\ w_{n+1} = w_n + 5 \end{cases}$

a) Écrire le terme w_n de la suite en fonction de n .

$$w_n = w_0 + n \times r = 4 + n \times 5 = 5n + 4$$

b) Calculer w_{10} .

$$w_{10} = 5 \times 10 + 4 = 54$$

c) Calculer à l'aide la calculatrice $S_{10} = w_0 + w_1 + \dots + w_{10}$

$$S_{10} = 4 + 9 + 14 + 19 + 24 + 29 + 34 + 39 + 44 + 49 + 54 = 319$$

d) Retrouver le résultat en utilisant la formule :

$$\text{somme des termes d'une suite arithmétique} = \frac{\text{nombre de termes} \times (\text{1er terme} + \text{dernier terme})}{2}$$

$$S = \frac{11 \times (4 + 54)}{2} = 319$$

Ex4. On considère une suite arithmétique (u_n) dont on a saisi les premiers termes sur un tableur.

a) Préciser la valeur de u_0 , puis celle de la raison r de la suite.

$$u_0 = 2 ; \text{raison } r=3$$

b) Donner la formule à écrire dans la cellule B4 et à étirer jusqu'en B8 pour obtenir les termes de la suite.

$$=B3+3$$

c) Dans la colonne C, on calcule la somme des termes de la suite.

Donner la formule à écrire en C4 et qui donne la somme des termes de la suite. $=C3+B4$

	A	B	C
1	n	u_n	somme
2	0	2	2
3	1	5	7
4	2		
5	3		
6	4		
7	5		
8	6		

En étirant cette formule jusqu'en C8, on obtient la somme $S_6 = u_0 + u_1 + \dots + u_6$.

Déterminer la valeur affichée en C8.

$$S_6 = 2 + 5 + 8 + 11 + 14 + 17 + 20 = \frac{7 \times (2 + 20)}{2} = 77$$

BONUS. Complète par les trois termes suivants la suite logique :

$$1 ; 4 ; 13 ; 40 ; 121 ; 364 ; 1093$$

$$u_0 = 1 ; u_1 = 3 \times u_0 + 1 = 4 ; u_2 = 3 \times 4 + 1 = 13 ; u_3 = 3 \times 13 + 1 = 40$$

$$u_4 = 3 \times 40 + 1 = 121 ; u_5 = 3 \times 121 + 1 = 364$$

$$u_6 = 3 \times 364 + 1 = 1093$$